

# 3-851-84 MICROÉCONOMIE

## B.A.A.

Professeure : Marie Allard

Automne 2003

### EXAMEN FINAL

#### QUESTION 1 — (12 points)

Les affirmations suivantes sont-elles VRAIES, FAUSSES ou INCERTAINES ? **Justifiez brièvement** chacune de vos réponses.

- a) Si deux personnes ont les mêmes préférences, elles n'auront jamais intérêt à échanger entre elles.

FAUX ou INCERTAIN

- mêmes préférences alors même fonction qui décrit leur TMS.
- Pour tout partage non égalitaire TMS ne sont pas égaux donc elles ont intérêt à échanger.

- b) Un bien inférieur ne peut avoir une courbe de demande à pente positive.

FAUX - exception du bien de Giffen

$$\frac{\partial x_1}{\partial p_1} = \frac{\partial x_1^c}{\partial p_1} - \frac{\partial x_1}{\partial R} x_1 \text{ d'après l'équation de Slutsky.}$$

$$\text{Bien inférieur } \frac{\partial x_1}{\partial R} < 0; \frac{\partial x_1^c}{\partial p_1} < 0 \text{ (effet de substitution)} \cdot \text{Si } \left| \frac{\partial x_1^c}{\partial p_1} \right| < \left| \frac{\partial x_1}{\partial R} \right| \text{ alors } \frac{\partial x_1}{\partial p_1} > 0.$$

- c) Pour bien définir la fonction de bien-être social, on ne peut se contenter de fonctions d'utilité individuelle ordinale.

VRAI

Pour avoir une fonction de b-ê bien définie, il faut supposer que les utilités individuelles sont cardinales.

## QUESTION 2 — (15 points)

Répondez **brèvement** aux trois (3) sous-questions suivantes :

- a) Expliquez brièvement ce que mesurent les concepts suivants :
- i) la fonction d'utilité indirecte;  
mesure l'utilité maximale qu'un consommateur peut atteindre lorsqu'il fait face aux prix  $p$  et qu'il dispose d'un revenu  $R$
  - ii) la fonction de coût.  
C'est une relation qui à chaque niveau d'output associe le coût minimal pour produire cet output, lorsque la firme doit déboursier  $p$  pour ses inputs et qu'elle respecte sa technologie.
- b) Que **représentent** la variation compensatoire (CV) et la variation équivalente (EV) dans le cas d'un projet désavantageux tel qu'une hausse de prix.

CV : montant que l'on doit verser au consommateur pour qu'il retrouve son niveau d'utilité initial avec les nouveaux prix.

EV : montant que l'on doit retirer au consommateur pour qu'il atteigne le niveau d'utilité final avec les prix initiaux.

- c) Les fonctions de demande conditionnelle de facteur d'une firme ont la propriété d'être homogènes de degré zéro dans les prix des inputs. **Donnez l'interprétation économique** de cette propriété et **expliquez brièvement** pourquoi elle est satisfaite dans le cas d'une firme qui produit un seul output à partir de deux inputs.

Interprétation : si on multiplie le prix des inputs par une même constante  $t$ , alors les demandes conditionnelles ne changent pas.

À l'équilibre, le choix optimal des inputs est déterminé par  $TMST = p_2/p_3$ . Si les prix sont multipliés par une constante  $t$ , le choix n'est pas affecté.

### QUESTION 3 — (13 points)

Les préférences d'un individu sont données par une fonction d'utilité de von Neumann-Morgenstern

$$u = W^{1/2},$$

où  $W$  représente sa richesse. En plus de sa richesse initiale qui s'élève à 100\$, l'individu possède un billet de loterie qui peut lui rapporter 125\$ avec une probabilité  $p = 1/10$  et 0\$ (rien du tout!) avec une probabilité  $(1 - p) = 9/10$ .

a) Quelle est l'espérance d'utilité de cet individu?

$$E(u) = 10,5$$

b) Quel est le plus petit montant pour lequel cet individu consentirait à vendre son billet de loterie?

$$\text{Réponse : } 10,25\$$$

c) **Représentez graphiquement** la situation à laquelle cet individu fait face.

## QUESTION 4 — (20 points)

Les préférences d'un consommateur sont données par la fonction d'utilité :

$$u(x, y) = 2x^{1/4}y^{1/4},$$

où  $x$  et  $y$  représentent respectivement les quantités consommées des biens  $x$  et  $y$ .

- a) Si les prix des deux biens sont respectivement  $p_x$  et  $p_y$ , quelle est la fonction de dépense de ce consommateur?

$$e(p_x, p_y, \bar{u}) = \frac{\bar{u}^2}{2}(p_x p_y)^{1/2}$$

- b) Les prix unitaires des deux biens ont été fixés respectivement à  $p_x = 8$  et  $p_y = 2$ . Si ce consommateur désire atteindre le niveau d'utilité  $\bar{u} = 10$ , pour quelle valeur de son revenu  $R$  ses demandes classiques (Marshalliennes) seront-elles égales à ses demandes compensées (Hicksiennes)?

$$e(8, 2, 10) = 200.$$

Réponse :  $R = 200$

- c) Soit  $K$  la matrice de Slutsky qui caractérise localement le comportement de ce consommateur.

- i) **Calculez** les éléments  $K_{yx}$  et  $K_{yy}$  de cette matrice.

$$K_{yx} = \frac{\bar{u}^2}{8(p_x p_y)^{1/2}}$$

$$K_{yy} = \frac{-\bar{u}^2 p_x^{1/2}}{8p_y^{3/2}}$$

- ii) **Expliquez brièvement** ce que mesure chacun de ces deux éléments.

$K_{yx}$  = effet d'une variation compensée de  $p_x$  sur la demande du bien  $y$ .

$K_{yy}$  = effet d'une variation compensée de  $p_y$  sur la demande du bien  $y$ .

## QUESTION 5 — (20 points)

Une entreprise produit un seul output à partir de deux inputs. Sa technologie est décrite par la fonction de production

$$b_1 = 3a_2^{1/3} a_3^{1/3},$$

où  $b_1$  est la quantité d'output,  $a_2$  la quantité de travail et  $a_3$  la quantité de capital (machinerie, équipement).

On suppose que cette entreprise opère dans des marchés concurrentiels : elle vend son produit au prix  $p_1$  et doit déboursier  $p_2$  (salaire horaire) et  $p_3$  (prix unitaire de sa machinerie) pour ses inputs.

- a) Dans un premier temps, la firme constate que son niveau d'équipement (nombre de machinerie) est fixé ( $\bar{a}_3 = 8$ ). Sachant qu'elle cherche à maximiser ses profits,

- i) **énoncez, interprétez économiquement et représentez graphiquement** la(les) condition(s) d'équilibre de cette entreprise;
- respecter sa technologie
  - faire en sorte que  $Pm_2 = p_2/p_1$  (productivité marginale du facteur 2 = au prix relatif du facteur 2).

- ii) trouvez la fonction d'offre **à court terme** de l'output;

$$b_1^* = 6 \left( \frac{2p_1}{p_2} \right)^{1/2}$$

- iii) trouvez la fonction de demande **à court terme** de l'input travail;

$$a_2^* = \left( \frac{2p_1}{p_2} \right)^{3/2}$$

- iv) d'après la théorie de la firme, quels sont les signes attendus pour les expressions  $\frac{\partial a_2}{\partial p_1}$  et  $\frac{\partial a_2}{\partial p_2}$  ? **Expliquez brièvement.**

$$\text{Réponse : } \frac{\partial a_2}{\partial p_1} > 0 \text{ et } \frac{\partial a_2}{\partial p_2} < 0.$$

- b) Dans un second temps, l'entreprise prend ses décisions optimales dans un contexte de long terme. Quelle est sa fonction de profit **de long terme** ?

$$\text{Réponse : } \mathbf{p}(p_1, p_2, p_3) = \frac{p_1^3}{p_2 p_3}$$

## QUESTION 6 — (20 points)

On considère une économie d'échange qui comporte deux biens et deux groupes de consommateurs. Dans cette économie, les 5 ordinateurs (bien 1) et les 100 logiciels (bien 2) sont la propriété des deux groupes de consommateurs qui, au départ, possèdent les quantités suivantes des deux biens :  $(w_{11}, w_{12}) = (3, 30)$  pour le groupe 1 et  $(w_{21}, w_{22}) = (2, 70)$  pour le groupe 2.

Les fonctions de demande classique des deux groupes de consommateurs sont données par :

$$x_{i1} = \frac{R_i}{3p_1} \quad \text{et} \quad x_{i2} = \frac{2R_i}{3p_2} \quad i = 1, 2$$

où  $x_{ih}$  est la quantité de bien  $h$  ( $h=1, 2$ ) demandée par les consommateurs du groupe  $i$ ,  $R_i$  le revenu des consommateurs du groupe  $i$ ,  $p_1$  le prix des ordinateurs et  $p_2$  le prix des logiciels.

- a) Pour que ls(s) système(s) de prix  $p^* = (p_1^*, p_2^*)$  obtient-on un équilibre général des échanges?

$$z_1 = 0 \Leftrightarrow \frac{p_1}{p_2} = \frac{w_{12} + w_{22}}{2w_{11} + 2w_{21}} = \frac{100}{10} = 10$$

$$(p_1^*, p_2^*) = (10, 1); (100, 10); (200, 20), \dots$$

- b) L'allocation  $(x_{11}^*, x_{12}^*, x_{21}^*, x_{22}^*)$  que les deux groupes de consommateurs choisissent de consommer aux prix  $p^* = (p_1^*, p_2^*)$  calculés en a), représente-t-elle un optimum de Pareto? **Justifiez votre réponse.**

Oui. L'allocation calculée est un équilibre de marché. Par le théorème 1 de la théorie du bien-être c'est un optimum de Pareto.

- c) La loi de Walras est-elle respectée si les prix sont  $(p_1, p_2) = (8, 2)$ ? **Expliquez brièvement.**

La loi de Walras est toujours respectée :

- Dans une économie de propriété privée
- dans laquelle les consommateurs respectent leur contrainte budgétaire.